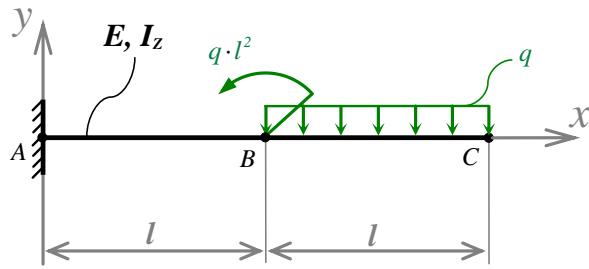


## G-10 (ANSYS)

Формулировка задачи:



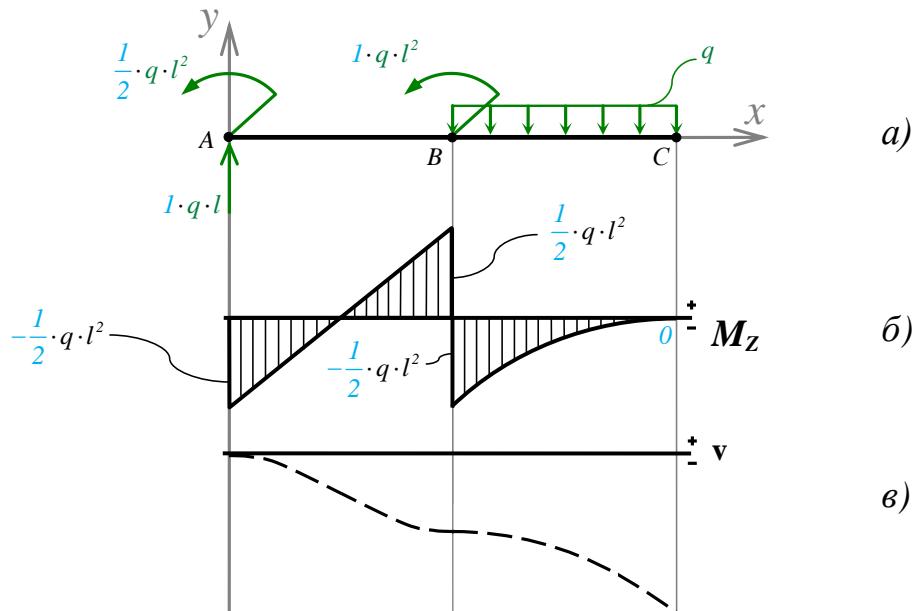
**Дано:** Консольная балка постоянной жёсткости нагружена моментом  $q \cdot l^2$  и распределённой нагрузкой  $q$ .  
 **$E$**  – модуль упругости материала;  
 **$I_z$**  – изгибный момент инерции.

**Найти:** Эпюру внутреннего изгибающего момента  $M_z$ ;

Форму упругой оси нагруженной балки;

$$v_C = ? , \Theta_C = ?$$

В конспектах **G-10** и **G-20** аналитически вычисляется эпюра внутреннего изгибающего момента, линейное и угловое перемещения точки  $C$ , изображается примерный вид изогнутой оси:



$$v_C = \frac{5}{24} \cdot \frac{q \cdot l^4}{E \cdot I_z} = 0,2083 \cdot \frac{q \cdot l^4}{E \cdot I_z} \quad - \quad \text{для } \theta_C; \quad z)$$

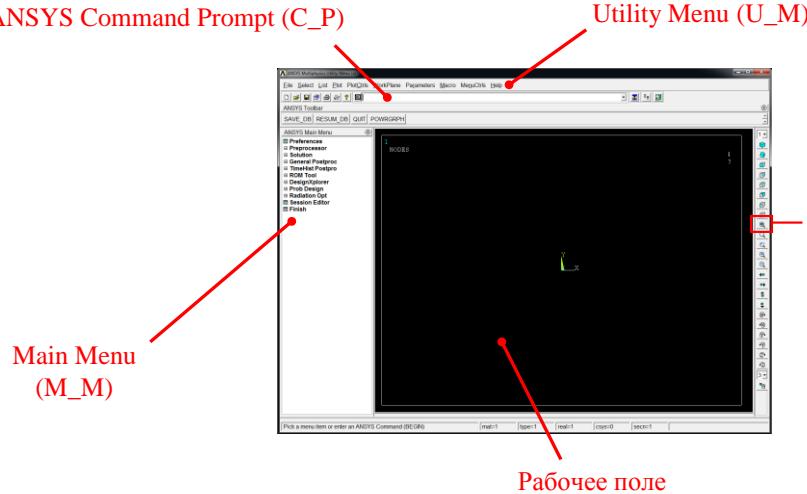
$$\theta_C = \frac{1}{6} \cdot \frac{q \cdot l^3}{E \cdot I_z} = 0,1667 \cdot \frac{q \cdot l^3}{E \cdot I_z} \quad - \quad \text{и } \hat{\theta}_C \text{ для } \theta_C. \quad d)$$

Ruc. 1.

Задача данного примера: при помощи ANSYS Multiphysics получить эти же эпюры методом конечных элементов.

## Предварительные настройки:

Для решения задачи используется ANSYS Multiphysics 14.0:



С меню M\_M и U\_M работают мышью, выбирая нужные опции.

В окно C\_P вручную вводят текстовые команды, после чего следует нажать на клавиатуре **Enter**.

Меняем чёрный цвет фона на белый следующими действиями:

U\_M > PlotCtrls > Style > Colors > Reverse Video

Оставить в меню только пункты, относящиеся к прочностным расчётом:

M\_M > Preferences > Отметить "Structural" > OK

Нумеровать точки и линии твердотельной модели:

U\_M > PlotCtrls > Numbering >

Отметить KP, LINE ;

Установить Elem на "No numbering";

Установить [/NUM] на "Colors & numbers" > OK

Для большей наглядности увеличим размер шрифта:

U\_M > PlotCtrls > Font Controls > Legend Font >

Установить «Размер» на «22» > OK

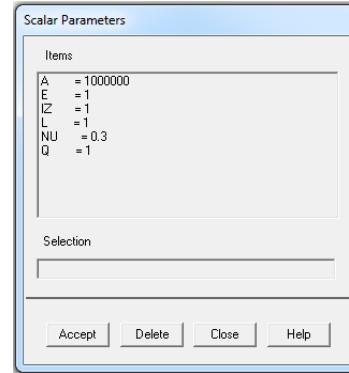
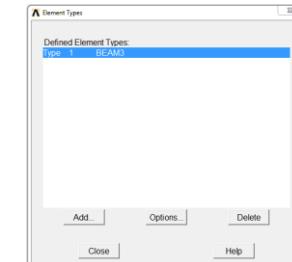
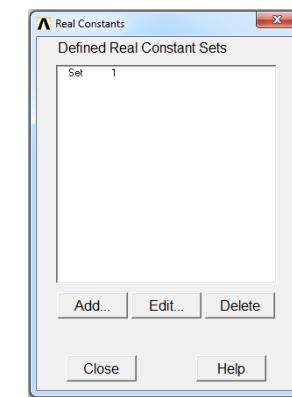
U\_M > PlotCtrls > Font Controls > Entity Font >

Установить «Размер» на «22» > OK

Предварительные настройки выполнены, можно приступать к решению задачи.

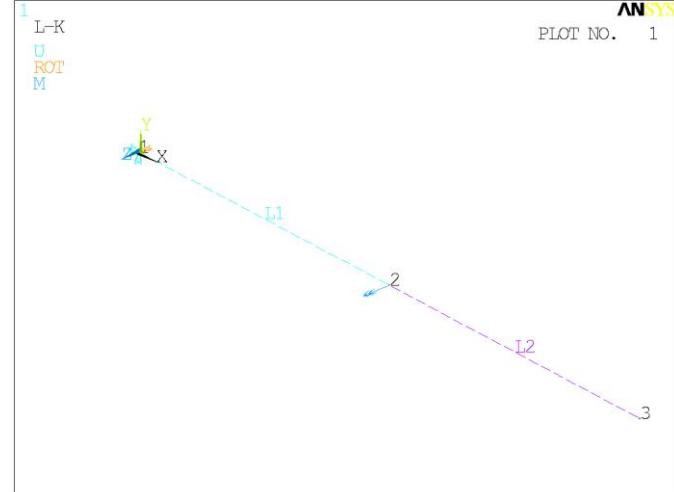
### Решение задачи:

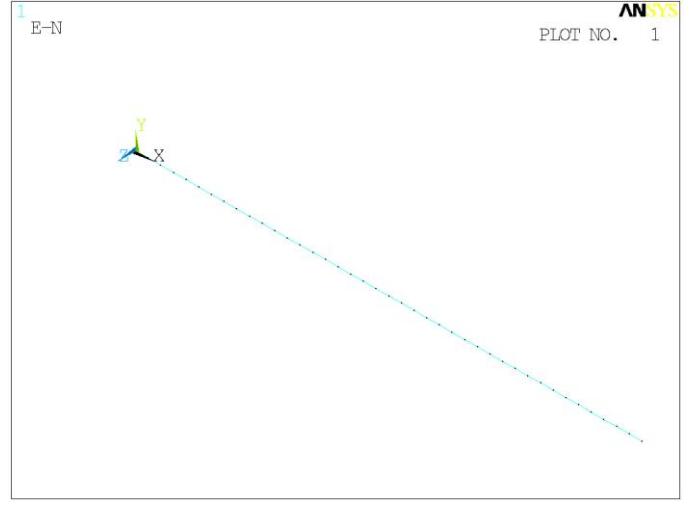
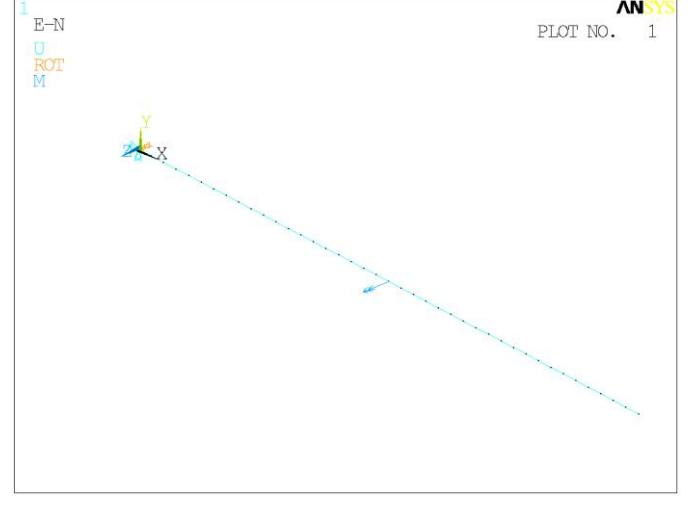
Приравняв  $E$ ,  $I_z$ ,  $q$  и  $l$  к единице, результаты получим в виде чисел, обозначенных на рис. 1. синим цветом.

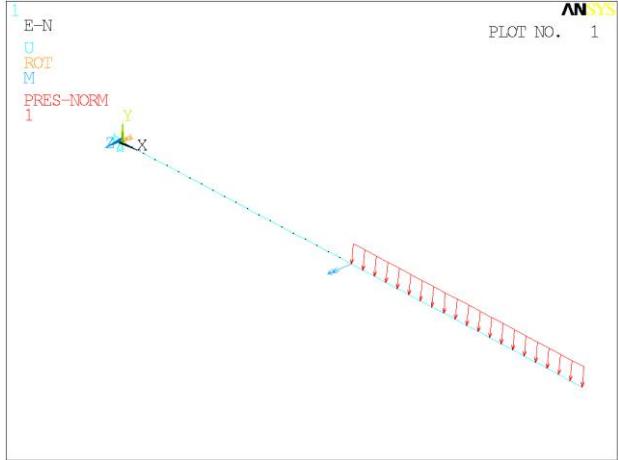
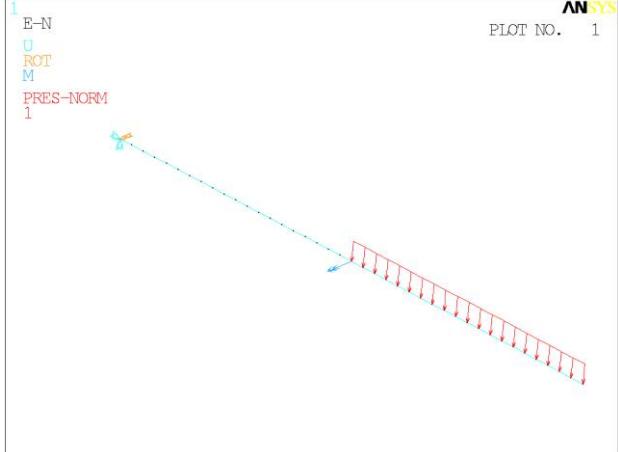
№	Действие	Результат
1	<p>Задаём параметры расчёта – базовые величины задачи:</p> <pre>U_M &gt; Parameters &gt; Scalar Parameters &gt; E=1 &gt; Accept &gt; A=1e6 &gt; Accept &gt; Iz=1 &gt; Accept &gt; q=1 &gt; Accept &gt; l=1 &gt; Accept &gt; nu=0.3 &gt; Accept &gt; &gt; Close</pre>	
2	<p>Первая строкка в таблице конечных элементов – плоский балочный тип BEAM3:</p> <pre>M_M &gt; Preprocessor C_P &gt; ET, 1, BEAM3 &gt; <b>Enter</b></pre> <p>Посмотрим таблицу конечных элементов:</p> <pre>M_M &gt; Preprocessor &gt; Element Type &gt; Add/Edit/Delete &gt; Close</pre>	
3	<p>Первая строкка в таблице параметров («реальных констант») выбранного типа конечного элемента: площадь поперечного сечения = <math>A</math>; момент инерции = <math>I_z</math>; высота = <math>l/100</math>.</p> <pre>C_P &gt; R, 1, A, Iz, L/100 &gt; <b>Enter</b></pre> <p>Посмотрим таблицу реальных констант:</p> <pre>M_M &gt; Preprocessor &gt; Real Constants &gt; Add/Edit/Delete &gt; Close</pre>	

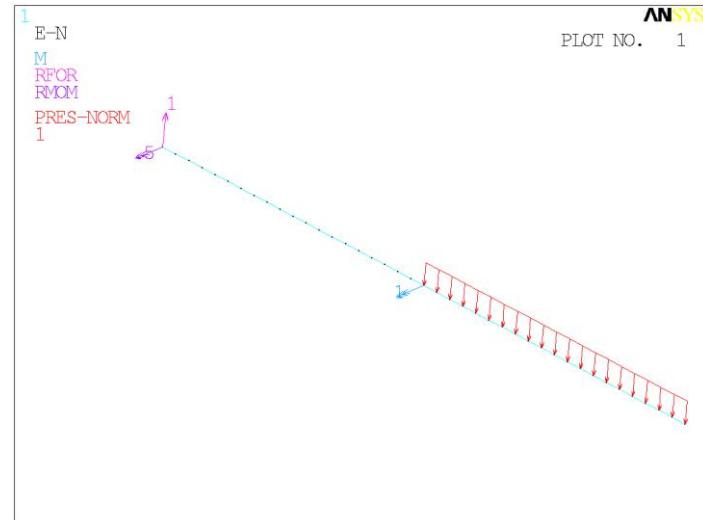
№	Действие	Результат
4	<p>Свойства материала стержня – модуль упругости и коэффициент Пуассона:</p> <p>M_M &gt; Preprocessor &gt; Material Props &gt; Material Models &gt; Structural &gt; Linear &gt; Elastic &gt; Isotropic &gt;</p> <p>В окончании EX пишем "E", в окончании PRXY пишем "nu"</p> <p>&gt; OK</p> <p>Закрываем окно «Define Material Model Behavior».</p>	
Твердотельное моделирование		
5	<p>Ключевые точки – границы участков: A → 1, B → 2 и C → 3 :</p> <p>M_M&gt; Preprocessor&gt; Modeling&gt; Create&gt; Keypoints&gt; In Active CS&gt; NPT пишем 1 X,Y,Z пишем 0,0,0 &gt; Apply &gt;</p> <p>NPT пишем 2 X,Y,Z пишем l,0,0 &gt; Apply &gt;</p> <p>NPT пишем 3 X,Y,Z пишем 2*l,0,0 &gt; Apply &gt;</p> <p>Прорисовываем всё, что есть: U_M &gt; Plot &gt; Multi-Plots</p>	
6	<p>Три участка – три линии:</p> <p>M_M &gt; Preprocessor &gt; Modeling &gt; Create &gt; Lines &gt; Lines &gt; Straight Line &gt;</p> <p>Левой кнопкой мыши последовательно нажать на ключевые точки: 1 и 2 2 и 3 &gt; OK</p> <p>Прорисовываем всё, что есть: U_M &gt; Plot &gt; Multi-Plots</p>	

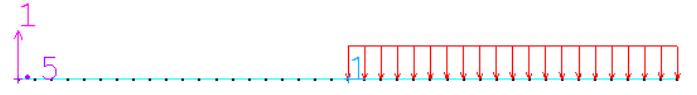
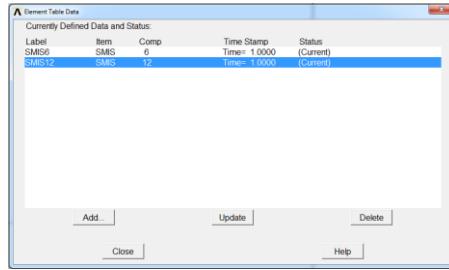
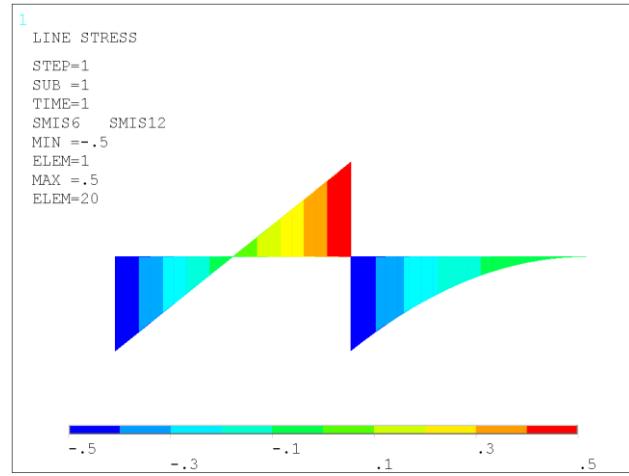
№	Действие	Результат
7	<p><i>Заделка:</i></p> <pre>M_M &gt; Preprocessor &gt; Loads &gt; Define Loads &gt; Apply &gt; Structural &gt; Displacement &gt; On Keypoints &gt; Левой кнопкой мыши нажать на 1 ключевую точку &gt; OK &gt; Lab2 установить "All DOF" &gt; OK  Прорисовываем всё, что есть: U_M &gt; Plot &gt; Multi-Plots</pre>	
8	<p><i>Сосредоточенный внешний момент:</i></p> <pre>M_M &gt; Preprocessor &gt; Loads &gt; Define Loads &gt; Apply &gt; Structural &gt; Force/Moment &gt; On Keypoints &gt; Левой кнопкой мыши нажать на 2 ключевую точку &gt; OK &gt; Lab установить "MZ" VALUE установить "q*l**2" &gt; OK</pre>	
9	<p><i>Изометрия:</i></p> <p>До сих пор модели мы рассматривали, используя фронтальный вид («сбоку»). Вектор изгибающего момента при этом виден плохо, а его направление не определяется вовсе. Меняем угол зрения: справа от рабочего поля нажимаем кнопки</p> <ul style="list-style-type: none"> <li> - изометрия;</li> <li> - автоформат (размер изображения по размеру окна рабочего поля).</li> </ul>	

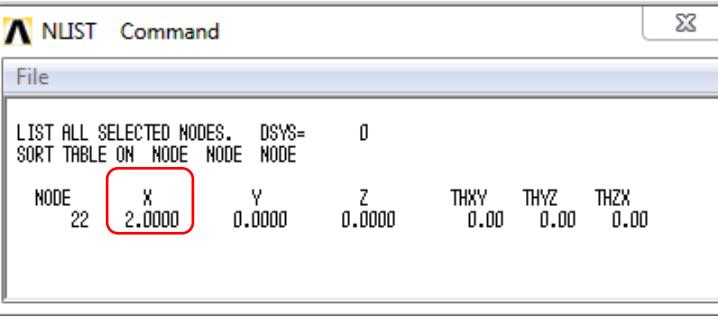
№	Действие	Результат
Конечноэлементная модель		
10	<p>Указываем материал, реальные константы и тип элементов:</p> <pre>M_M &gt; Preprocessor &gt; Meshing &gt; Mesh Attributes &gt; All Lines &gt; MAT установить "1" REAL установить "1" TYPE установить "1 BEAM3" &gt; OK</pre>	
11	<p>Размер конечных элементов:</p> <pre>M_M &gt; Preprocessor &gt; Meshing &gt; Size Cntrls &gt; ManualSize &gt; Lines &gt; All Lines &gt; SIZE пишем L/20 &gt; OK</pre> <p>Обновляем изображение: U_M &gt; Plot &gt; Multi-Plots</p>	
12	<p>Указываем, что именно нужно теперь прорисовывать по команде Multi-Plots:</p> <pre>U_M &gt; PlotCtrls &gt; Multi-Plot Controls... &gt; Появляется первое окно Multi-Plotting &gt; OK &gt; Появляется второе окно Multi-Plotting, оставляем в нём отметки только напротив Nodes и Elements &gt; OK</pre>	

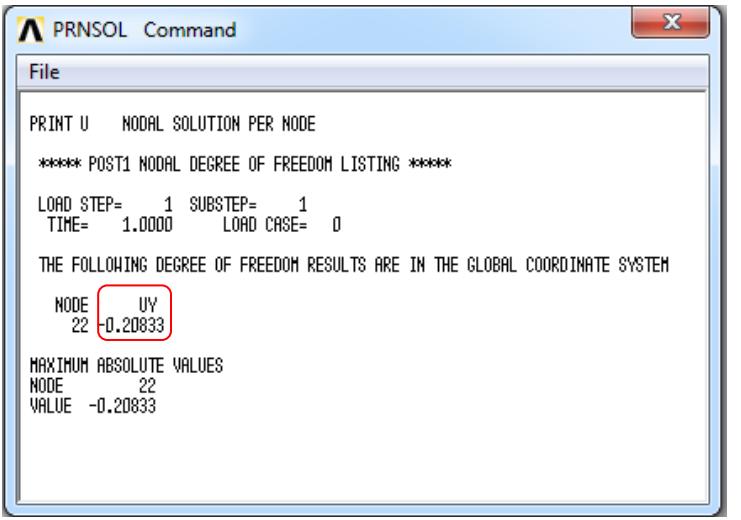
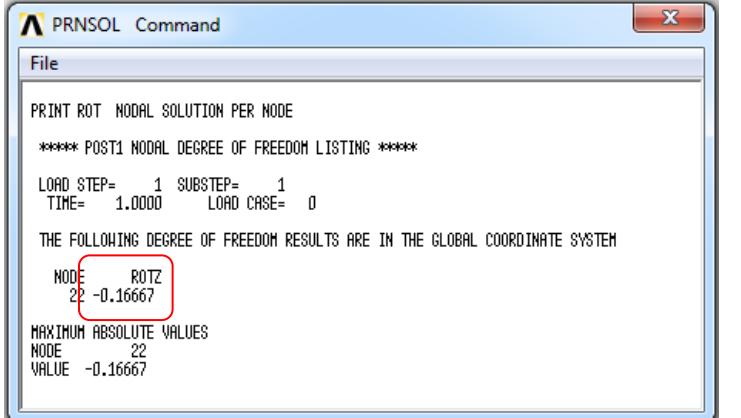
№	Действие	Результат
13	<p>Рабиваем линии на элементы:</p> <p>M_M &gt; Preprocessor &gt; Meshing &gt; Mesh &gt; Lines &gt; Pick All</p> <p>Обновляем изображение:</p> <p>U_M &gt; Plot &gt; Multi-Plots</p> <p>Бирюзовым цветом изображены балочные элементы. Чёрные точки – это их узлы.</p>	
14	<p>Переносим на конечноэлементную модель нагрузки и закрепления с модели твердотельной:</p> <p>M_M &gt; Loads &gt; Define Loads &gt; Operate &gt; Transfer to FE &gt; All Solid Lds &gt; OK</p>	

№	Действие	Результат
15	<p>Поперечная распределённая нагрузка <math>q</math>:</p> <p>M_M &gt; Preprocessor &gt; Loads &gt; Define Loads &gt; Apply &gt; Structural &gt; Pressure &gt; On Beams &gt;</p> <p>Левой кнопкой мыши отмечаем элементы первого и второго участков от левого края до вектора внешнего момента</p> <p>&gt; Apply &gt;</p> <p>LKEY пишем 1</p> <p>VAL1 пишем q</p> <p>&gt; OK</p> <p>Обновляем изображение: U_M &gt; Plot &gt; Multi-Plots</p>	
16	<p>Скрываем оси системы координат:</p> <p>U_M &gt; PlotCtrls &gt; Window Controls &gt; Window Options &gt; [/Triad] установить "Not Shown"</p> <p>&gt; OK</p>	
Расчёт		
17	<p>Запускаем расчёт:</p> <p>M_M &gt; Solution &gt; Solve &gt; Current LS</p> <p>Когда он закончится, появится окно «Solution is done!». Закройте это окно.</p>	

№	Действие	Результат
Просмотр результатов		
18	<p><i>Силовая схема:</i></p> <pre>U_M &gt; PlotCtrls &gt; Symbols &gt; [/PBC] устанавливаем в положение "For Individual" Убираем галочку с "Miscellaneous" Surface Load Symbols устанавливаем Pressures Show pres and convect as устанавливаем Arrows &gt; OK &gt;  В окне "Applied Boundary Conditions"     U установить "Off"     Rot установить "Off"     F установить "Symbol+Value"     M установить "Symbol+Value" &gt; OK &gt;  В окне "Reactions"     NFOR установить "Off"     NMOM установить "Off"     RFOR установить "Symbol+Value"     RMOM установить "Symbol+Value" &gt; OK  Обновляем изображение: U_M &gt; Plot &gt; Elements Получаем тот же результат, что и на рис. 1a .(числа, выделенные синим цветом). В рабочем поле видим следующее: - Красным цветом начерчена распределённая нагрузка; - Синим цветом начерчен вектор внешнего момента; - Малиновым цветом нарисованы реактивные силы.</pre>	

№	Действие	Результат
19	<p>Цветовая шкала будет состоять из десяти цветов:</p> <p>U_M &gt; PlotCtrls &gt; Style &gt; Contours &gt; Uniform Contours &gt; NCONT пишем 10 &gt; OK</p>	
20	<p>Фронтальный вид:</p>  - вид спереди;  - автоформат (размер изображения по размеру окна рабочего поля).	
21	<p>Составление эпюры внутреннего изгибающего момента:</p> <p>M_M &gt; General Postproc &gt; Element Table &gt; Define Table &gt; Add &gt; "By sequence num", "SMISC,", "6" &gt; Apply &gt; "By sequence num", "SMISC,", "12" &gt; OK &gt; &gt; Close</p>	
22	<p>Прорисовка эпюры внутреннего изгибающего момента:</p> <p>M_M &gt; General Postproc &gt; Plot Results &gt; Contour Plot &gt; Line Elem Res &gt; LabI установить "SMIS6" LabJ установить "SMIS12" Fact пишем 1 &gt; OK</p> <p>Получаем тот же результат, что и на рис. 1в. (только числа, выделенные синим цветом). Значения показывает цветовая шкала.</p> <p>Можете рисунок эпюры сделать крупнее: коэффициент Fact установите 4.</p>	 <pre> 1 LINE STRESS STEP=1 SUB =1 TIME=1 SMIS6  SMIS12 MIN =-.5 ELEM=1 MAX =.5 ELEM=20 </pre>

№	Действие	Результат														
23	<p>Форма упругой оси нагруженной балки:</p> <p>M_M &gt; General Postproc &gt; Plot Results &gt; &gt; Deformed Shape &gt; KUND установить Def + undeformed &gt; OK</p> <p>Это точная форма изогнутой оси. Сравните с приближённой на рис. 1в.</p> <p>Для наглядности увеличиваем масштаб:</p> <p>U_M &gt; PlotCtrls &gt; Style &gt; Displacement Scaling &gt; DMULT устанавливаем "User specified" User specified factor увеличиваем в восемь раз с 0.48 до 4 &gt; OK</p>	 <p>DISPLACEMENT STEP=1 SUB =1 TIME=1 DMX =.208333</p>														
24	<p>Выделяем мышью узел конечноэлементной модели, соответствующий точке C:</p> <p>U_M &gt; Select &gt; Entities... &gt; В окошке Select Entities установить "Nodes" "By Num/Pick" Точку селектора установить на «From Full» &gt; OK &gt;</p> <p>Левой кнопкой мыши кликнуть на точку C на деформированной форме (самая низкая точка формы). Кстати, при этом в окошке Select nodes припишется номер узла в этой точке «Node No. = 22» &gt; OK</p> <p>Проверяем, действительно ли выделен узел с координатой X=2*l=2</p> <p>U_M &gt; List &gt; Nodes... &gt; OK</p> <p>Закрываем окно NLIST Command</p>	 <table border="1"> <thead> <tr> <th>NODE</th> <th>X</th> <th>Y</th> <th>Z</th> <th>THXY</th> <th>THYZ</th> <th>THZX</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>22</td> <td>2.0000</td> <td>0.0000</td> <td>0.0000</td> <td>0.00</td> <td>0.00</td> <td>0.00</td> </tr> </tbody> </table>	NODE	X	Y	Z	THXY	THYZ	THZX	22	2.0000	0.0000	0.0000	0.00	0.00	0.00
NODE	X	Y	Z	THXY	THYZ	THZX										
22	2.0000	0.0000	0.0000	0.00	0.00	0.00										

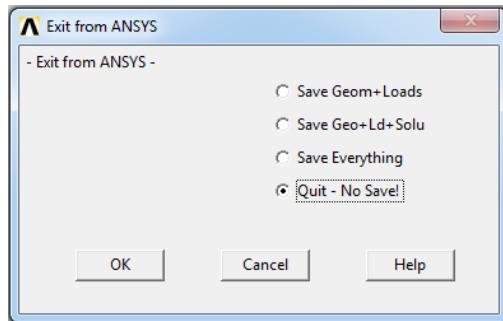
№	Действие	Результат
25	<p>Вертикальное перемещение узла №22:</p> <p>M_M &gt; General Postproc &gt; List Results &gt; Nodal Solution &gt; Nodal Solution &gt; DOF Solution &gt; Y-Component of displacement &gt; OK</p> <p>Пропечаталась величина вертикального перемещения:</p> <p>UY=-0,2083</p> <p>Отрицательная, значит, вниз. Результат совпадает с <i>рис. 1г.</i></p>	 <pre> PRNSOL Command File PRINT U NODAL SOLUTION PER NODE ***** POST1 NODAL DEGREE OF FREEDOM LISTING ***** LOAD STEP= 1 SUBSTEP= 1 TIME= 1.0000 LOAD CASE= 0 THE FOLLOWING DEGREE OF FREEDOM RESULTS ARE IN THE GLOBAL COORDINATE SYSTEM NODE      UY 22 -0.20833 MAXIMUM ABSOLUTE VALUES NODE 22 VALUE -0.20833 </pre>
26	<p>Угол поворота узла №22:</p> <p>M_M &gt; General Postproc &gt; List Results &gt; Nodal Solution &gt; Nodal Solution &gt; DOF Solution &gt; Z-Component of rotation &gt; OK</p> <p>Пропечаталась величина углового перемещения:</p> <p>ROTZ=-0,1667</p> <p>Отрицательная, значит – по часовой стрелке. Результат совпадает с <i>рис. 1д.</i></p> <p>Выделяем всё: U_M &gt; Select &gt; Everything</p>	 <pre> PRNSOL Command File PRINT ROT NODAL SOLUTION PER NODE ***** POST1 NODAL DEGREE OF FREEDOM LISTING ***** LOAD STEP= 1 SUBSTEP= 1 TIME= 1.0000 LOAD CASE= 0 THE FOLLOWING DEGREE OF FREEDOM RESULTS ARE IN THE GLOBAL COORDINATE SYSTEM NODE      ROTZ 22 -0.16667 MAXIMUM ABSOLUTE VALUES NODE 22 VALUE -0.16667 </pre>

Сохраняем проделанную работу:

U\_M > File > Save as Jobname.db

Закройте ANSYS:

U\_M > File > Exit > Quit - No Save! > OK



После выполнения указанных действий в рабочем каталоге остаются файлы с расширениями “.BCS”, “.db”, “.emat”, “.err”, “.esav”, “.full”, “.log”, “.mntr”, “.rst” и ”.stat”.

Интерес представляют “.db” (файл модели) и “.rst” (файл результатов расчёта), остальные файлы промежуточные, их можно удалить.